



## کاربرد منطق فازی جهت پیشگویی اثر نوع و مقدار رنگدانه بر مقاومت فشاری بتن

محمود نادری<sup>۱\*</sup>، اویس قدوسیان<sup>۲</sup>، حسین ملائی دهشالی<sup>۳</sup>

- ۱- دانشیار، دانشگاه بین‌المللی امام خمینی<sup>(۴)</sup>، قزوین، ایران، صندوق پستی: ۳۴۱۴۹-۱۶۸۱۸  
 ۲- کارشناس ارشد سازه، دانشگاه بین‌المللی امام خمینی<sup>(۴)</sup>، قزوین، ایران، صندوق پستی: ۳۴۱۴۹-۱۶۸۱۸  
 ۳- کارشناس ارشد سازه، دانشگاه آزاد اسلامی واحد تاکستان، تاکستان، ایران، صندوق پستی: ۱۹۵۸۵-۴۶۶  
 تاریخ دریافت: ۱۳۹۰/۱۲/۲۰ در دسترس به صورت الکترونیکی از: ۹۰/۴/۵ تاریخ پذیرش: ۸۹/۱۰/۱۵

### چکیده

بتن به عنوان یکی از پرمصرف‌ترین مصالح ساختمانی نزدیک به دو قرن است که در صنعت راه و ساختمان استفاده می‌گردد. ساخت بتن رنگی نیز در دهه اخیر از طرح‌های نوین تحقیقاتی در سطح جهان به شمار می‌آید. در صنعت تولید بتن رنگی، استفاده از رنگدانه‌های معدنی یک روش جهت رنگی نمودن کامل بتن می‌باشد که امروزه اهمیت ویژه‌ای یافته است، زیرا توسعه رنگدانه‌های معدنی به دامنه وسیعی از رنگ‌ها می‌توان دست یافت و بتن ساخته شده دارای خواص مطلوبی از جمله مقاومت و دوام می‌باشد. هدف این مقاله، بررسی تأثیر رنگدانه‌های معدنی بر مقاومت فشاری بتن رنگی ساخته شده با رنگدانه‌های معدنی و پیش‌بینی نتایج با استفاده از منطق فازی می‌باشد. برای این منظور نمونه‌های بتنی معمولی (شاهد) و رنگی با درصد‌های مختلف رنگدانه‌ها ساخته شد و با استفاده از آزمایش فشاری استاندارد، میزان تأثیر رنگدانه‌ها بر مقاومت فشاری بتن و نیز درصد بهینه میزان رنگدانه برای رنگ‌های مختلف مشخص گردید. سپس با استفاده از سیستم استنتاج فازی و همچنین تحلیل رگرسیون خطی و غیر خطی، مقادیر این تأثیرات پیش‌بینی، و با نتایج آزمایشگاهی مقایسه شد. نتایج به دست آمده نشان داد که در مقایسه با مدل‌های رگرسیون خطی و غیر خطی، مدل فازی جواب‌های بسیار نزدیک‌تری به نتایج حاصل از آزمایش‌ها ارائه می‌دهد.

واژه‌های کلیدی: رنگدانه، مقاومت فشاری، بتن رنگی، منطق فازی.

## Effects of Type and Dosage of Pigment on the Concrete Compressive Strength and Its Prediction by the Fuzzy Logic

M. Naderi<sup>1</sup>, O. Qodousian<sup>1</sup>, H. Mollayi Dehshali<sup>2</sup>

<sup>1</sup> Department of Engineering, Imam Khomeini International University, P.O. Box: 34149-16818, Qazvin, Iran

<sup>2</sup> Department of Engineering, Takestan Branch, Islamic Azad University, P.O. Box: 19585-466, Takestan, Iran

Received: 05-01-2011

Accepted: 23-06-2011

Available online: 10-03-2012

### Abstract

Concrete is one of the most frequently used construction material that is used in civil engineering industry for two centuries. Production of colored concrete is also has become a new research topic in recent decades. In the production of the colored concrete, the use of mineral pigments is a method by which fully colored concrete can be obtained because by using mineral pigments it is possible to produce vast variety of colored concrete with desirable strength and durability. The aim of this paper is to study the effects of the pigments on the compressive strength of concretes produced by mineral pigments and to predict the results by Fuzzy inference system. To do so, ordinary and colored concrete specimens were made by adding different percentages of different pigments and were tested using standard compression testing and the effects of pigments on the compressive strength and the optimum percentage of the pigments were obtained. Then having tested the specimens, Fuzzy inference system as well as linear and non-linear regression analysis were used to predict these effects and the results were compared with the laboratory results. The obtained results show that in comparison with linear and non-linear regression models, the Fuzzy inference system predicts results more similar to the laboratory results. J. Color Sci. Tech. 5(2012), 315-324 © Institute for Color Science and Technology.

**Keywords:** Pigment, Compressive strength, Colored concrete, Fuzzy logic.

\*Corresponding author: Naderi-m@ikiu.ac.ir

دامنه رنگ‌های بتن رنگی را گستردہتر کنند. این رنگدانه‌ها عبارتند از: اکسیدهای کرم، کبالت، اکسید تیتانیم، کربن بلک و غیره که رنگ‌های مختلف سبز، آبی، سفید و سیاه را تولید می‌کنند. البته در ارتباط با مواد رنگی، اکسید تیتانیم مصارف دیگری نیز دارد [۹].

معمولًا لازمه یک بتن سخت شده، داشتن مقاومت فشاری کافی و رضایت‌بخش است. مقاومت فشاری فقط بدین منظور انتخاب نمی‌شود که بتن بتواند یک تنش فشاری معین را تحمل کند، بلکه به دلیل بسیاری از دیگر خواص مطلوب بتن، متناسب با مقاومت فشاری آن می‌باشد و در کل، مقاومت فشاری را به عنوان یک شاخص از کیفیت کلی بتن به کار می‌برند.

تئوری مجموعه‌های فازی، اولین بار در سال ۱۹۶۵ توسط پروفسور لطفی عسکرزاده پایه‌گذاری شد. پس از چند سال و در اوایل دهه هفتاد، با مطرح شدن منطق فازی، اولین کاربردهای این تئوری در علوم مهندسی ارائه گردید. از آن زمان به بعد شاهد گسترش روزافروزن جنبه‌های تئوری و عملی آن توسط دانشمندان علوم مختلف بوده‌ایم به طوری که امروزه تقریباً در تمام عرصه‌های صنعت و دانش، از این تئوری استفاده می‌گردد. مهم‌ترین ویژگی منطق فازی در مقایسه با منطق کلاسیک این است که دانش و تجربه بشر را می‌تواند در قابل روابط ریاضی بیان نماید. این مهم باعث گردیده است که مسائل موجود در دنیای واقعی را به خوبی بتوان با استفاده از آن مدل‌سازی نمود [۱۰-۱۴].

سیستم استنتاج فازی<sup>۳</sup> (FIS) براساس قواعد اگر-آن‌گاه بنا نهاده شده است، به طوری که با استفاده از قواعد مزبور می‌توان ارتباط بین تعدادی متغیر ورودی و خروجی را به دست آورد. بنابراین از FIS می‌توان به عنوان یک مدل پیش‌بینی برای شرایطی که داده‌های ورودی و/یا خروجی دارای عدم قطعیت بالایی باشند استفاده نمود؛ چرا که در چنین شرایطی روش‌های کلاسیک پیش‌بینی نظری رگرسیون نمی‌توانند به خوبی عدم قطعیت‌های موجود در داده‌ها را در نظر بگیرند. برای توسعه سیستم استنتاج فازی از عملگرهای استلزم افزایی و ترکیب روابط فازی استفاده می‌گردد [۱۰].

با عنایت به توسعه روزافروزن کاربرد بتن‌های رنگی از یک طرف و عدم وجود اطلاعات در خصوص مقاومت فشاری این نوع بتن‌ها از طرف دیگر، تحقیقاتی برای بررسی مقاومت فشاری بتن‌های رنگی با توجه به نوع و درصد رنگدانه‌های به کار گرفته شده در تولید این بتن‌ها تعریف گردید که نتایج این تحقیقات در این مقاله ارائه شده است. همچنین از منطق فازی برای پیش‌گوئی اثر نوع و مقدار رنگدانه بر مقاومت فشاری بتن و مقایسه نتایج به دست آمده با نتایج تحلیل رگرسیون در این مقاله ارائه شده است که تاکنون گزارش نشده است.

## ۱- مقدمه

بتن رنگی در دهه اخیر از طرح‌های نوین تحقیقاتی در سطح جهان به شمار می‌آید ساخت آسان بتن رنگی و کاربردهای متنوع این ماده رنگی برای استفاده کنندگان بسیار حائز اهمیت بوده و وسعت بکارگیری آن را روشن می‌سازد [۱-۳].

بتن‌های رنگی به طور معمول برای جایگزینی سنگ‌های طبیعی رنگی بوده‌اند و جایگزینی آن، توجیه اقتصادی نیز داشته است زیرا برش سنگ‌ها، هزینه دستگاه‌ها و اندازه‌های مورد دلخواه، بار مالی فراوانی داشته و از طرفی از نظر طراحی و انعطاف‌پذیری در بافت رنگ و کیفیت رنگ، در بتن شرایط ایده‌آل‌تر و ساده‌تری وجود داشته است. از بتن‌های رنگی حاوی رنگدانه‌های روشن در مناطق آفتابی برای منعکس کردن نور خورشید و برای مناطق برقی و خنک از رنگدانه‌های تیره به منظور جذب گرما در مناطق مختلف دنیا استفاده شده است. در محیط‌های مختلف مثل باغ و حش، پارک‌ها، استخرهای شنا، سواحل، اسکله‌ها، میدان گلف، بنادر، مناظر، میدان تنیس، چشم‌اندازها، کاشی بام، صنایع نظامی (جهت استثمار و اختفاء) و مناطق آب و هوایی خشن استفاده می‌گردد. همچنین برای افزایش عمر بتن‌هایی که در معرض هوای دگری شدید بوده و فرسودگی زیادی را داشته اند از رنگ‌های سیاه برای این کار استفاده شده است که بهترین نتیجه را نیز به همراه داشته است. البته این رنگ‌ها به صورت رنگ‌های شیمیایی مایع بوده‌اند.

در بین روش‌های موجود رنگ کردن بتن، استفاده از رنگدانه‌های معدنی<sup>۱</sup> یکی از روش‌هایی است که امروزه جهت رنگ کردن کلی بتن استفاده می‌گردد. به طور کلی رنگدانه‌های معدنی استفاده‌های فراوانی در صنایع مختلف دارند [۴]. روش تولید بتن رنگی اساساً تفاوتی با تولید بتن معمولی ندارد و رنگدانه به آسانی به مخلوط اضافه می‌گردد. البته باید موارد قید شده در آیینه‌های AASHTO، ASTM C494، ACI 303.1، M194 و ASTM C979 رعایت گردد [۵-۸].

همچنین در بیشتر موارد، بتن رنگی مشابه بتن غیررنگی با استفاده از ابزارآلات و روش‌های یکسان ساخته می‌شود. در فرآیند رنگ کردن بتن با استفاده از رنگدانه‌ها، باید میلیون‌ها ذره ریز رنگی وجود داشته باشند، تا به طور یکنواخت، توسط مخلوط کردن در سرتاسر خمیر سیمان پخش گردد. در این حالت چشم انسان قادر به تشخیص دانه‌های رنگی نمی‌باشد و تنها نتیجه فرآیند را به صورت یک رنگ خاص یکنواخت سفید، قهوه‌ای، سبز، زرد، قرمز، سیاه، آبی و یا غیره می‌بیند. بهترین رنگدانه‌ها، رنگدانه‌های خانواده آهن هستند که به طور طبیعی و مصنوعی قابل دسترس می‌باشند. با استفاده از این رنگدانه‌ها می‌توان رنگ‌های اصلی قرمز، نارنجی، قهوه‌ای، زرد و سیاه را تولید کرد. رنگدانه‌های معدنی دیگری نیز وجود دارند که می‌توانند

2- Fuzzy Inference System

## ۲- روش تجربی

### ۱-۲- مواد

برای ساخت بتن های رنگی رنگدانه های قرمز، سبز، زرد و قهوه ای با جایگزینی ۳، ۵، ۷ و ۹ درصد وزنی سیمان با رنگدانه و عدم تغییر در سایر مصالح استفاده گردید. همچنین یک نمونه شاهد بدون به کارگیری رنگدانه نیز برای مقایسه ساخته شد. برای تهیه بتن ها از شن موجود در شرکت ماسه شویی قسم واقع در استان قزوین و از ماسه شرکت کردان استفاده شد. سیمان مورد استفاده سیمان پرتلند تیپ دو آبیک و آب به کار رفته در بتن، آب معدنی داموند می باشد. در جدول ۱ دانه بندی ماسه مورد استفاده و در جدول ۲ دانه بندی شن به کار رفته در ساخت نمونه های بتنی ارائه شده است. در جدول ۳ نیز طرح اختلاط بتن های رنگی و شاهد برای یک متر مکعب بتن آورده شده است. مشخصات رنگدانه های مصرفی در جدول ۴ ارائه گردیده است.

### ۲- روش کار

همان گونه که در شکل ۱ نشان داده شده است، پس از ساخت نمونه ها در قالب های مکعبی ۱۰ سانتی متری و عمل آوری آنها در آب به مدت ۲۸ روز، مقاومت فشاری نمونه ها با استفاده از جک بتن شکن ۲۰۰ تنی دیجیتال اندازه گیری گردید. تهیه نمونه ها و انجام آزمایش های تعیین مقاومت فشاری آنها بر اساس استاندارد BS 1881 [۱۵] صورت پذیرفت. لازم به ذکر است که برای هر طرح اختلاط ( مقاومت طراحی شده ) سه نمونه مکعبی مورد آزمایش فشاری استاندارد قرار گرفته و بررسی ها با در نظر گرفتن معدل قرائت های به دست آمده ارائه گردیده است.

جدول ۳: طرح اختلاط نمونه های شاهد و رنگی برای یک متر مکعب بتن.

رنگدانه (kg)	ماسه (kg)	شن (kg)	سیمان (kg)	آب (kg)	نسبت آب به سیمان	نمونه
.	۹۲۵	۶۷۰	۵۳۵	۲۲۵	۰,۴۲	شاهد
۱۷,۶۱	۹۲۵	۶۷۰	۵۱۷	۲۲۵	۰,۴۲	% ۳
۲۷	۹۲۵	۶۷۰	۵۰۸	۲۲۵	۰,۴۲	% ۵
۳۷	۹۲۵	۶۷۰	۴۹۸	۲۲۵	۰,۴۲	% ۷
۴۸	۹۲۵	۶۷۰	۴۸۷	۲۲۵	۰,۴۲	% ۹

جدول ۴: مشخصات و عناصر اصلی تشکیل دهنده رنگدانه های مختلف.

نوع رنگدانه	اکسید آهن	اکسید سیلیسیم	اکسید کروم	جرم حجمی (gr/cm <sup>3</sup> )	pH	روطبت %	شكل ذره
زد	۸۶<	۰,۱	-	۴,۱	۴,۵	۱>	نوك تيز
سبز	۵-۵۰	-	۲۵-۷۵	۴,۹	۵-۷	۱,۰>	گرد
قرمز	۹۶	۱	-	۴,۸	۳-۷	۱>	گرد
قهوةهای	۸۵	-	-	۴,۲	۵-۶	۰,۵>	ترکیبی



شکل ۱: آماده سازی نمونه ها و تعیین مقاومت فشاری آن ها.

۱-آماده نمودن قالب ها، ۲ و ۳-الک نمودن و توزین سنگدانه و سیمان، ۴-آماده نمودن مقدار رنگدانه، ۵-آماده نمودن بتن تر، ۶-ریختن بتن تر به درون قالب ها، ۷-قالب های آماده باز شدن، ۸-عمل آوری نمونه ها، ۹-تعیین مقاومت فشاری نمونه ها.

تصویر رنگی در نشانی [www.jest.ierc.ac.ir](http://www.jest.ierc.ac.ir) قابل دسترس است

کاهش مقاومت را به طور مستقیم به افزایش درصد رنگدانه نسبت داد چون بتن های دارای درصد رنگدانه های ۳، ۵ و ۷ چنین روندی را نشان نمی دهند.

همان گونه که در جدول ۵ نشان داده شده است، در ارتباط با رنگدانه های سبز نیز این مقوله صحت دارد. چون افزودن رنگدانه های سبز به مقدار ۳، ۵ و ۷، درصد تأثیر نسبتاً یکسانی را بر کاهش مقاومت فشاری بتن از خود نشان داده در حالی که افزایش رنگدانه به میزان ۹ درصد کاهش مقاومت فشاری کمتری به بار آورده است. با این حال باید در نظر داشت در مقایسه با رنگدانه های زرد، تأثیر کاهشی رنگدانه های سبز بر مقاومت فشاری بتن بیشتر بوده است چون افزودن رنگدانه های سبز به مقدار ۳، ۵ و ۷ درصد، به ترتیب باعث کاهش مقاومت فشاری بتن به میزان تقریبی ۲۶,۹، ۲۶,۶ و ۲۴,۹ درصد گردیده اند.

### ۳- نتایج و بحث

نتایج به دست آمده از انجام آزمایش های تعیین مقاومت فشاری بر روی نمونه های مکعبی رنگی و شاهد به همراه ضرایب تغییرات مربوط به قرائت های صورت گرفته در جدول ۵ نشان داده شده است. بررسی ضرایب تغییرات مندرج در جدول ۵، حاکی از قابل قبول بودن استانداردهای لازم رعایت شده برای تهییه و آزمایش فشاری نمونه ها می باشد.

با توجه به نتایج مندرج در جدول ۵، در مقایسه با مقاومت بتن شاهد (غیر رنگی) بررسی مقاومت های مربوط به بتن های رنگی تولید شده با استفاده از رنگدانه های زرد نشان می دهد که افزودن رنگدانه های زرد با درصد های ۳، ۵ و ۹ به ترتیب باعث کاهش مقاومت فشاری بتن به میزان تقریبی ۸,۵، ۷,۷ و ۱۰ و ۱۳ درصد می گردد. نکته قابل تأمل این است که علیرغم کاهش مقاومت فشاری بتن دارای ۹ درصد رنگدانه زرد، مشاهده می شود که نمی توان شدت

جدول ۵: مقاومت‌های فشاری بتن‌های رنگی و بتن شاهد.

C.V %	متوجه (مگاپاسکال)	مقاطع فشاری (مگاپاسکال)	مشخصات نمونه‌ها
۰,۲	۵۳,۴۸	۵۳,۶۲	شاهد
		۵۳,۴۸	
		۵۳,۳۴	
۱,۴	۴۸,۹۳	۴۸,۸	زرد ۳ درصد
		۴۹,۷	
		۴۸,۳	
۰,۷	۴۹,۳۶	۴۹,۷۴	زرد ۵ درصد
		۴۹,۲۹	
		۴۹,۰۵	
۱,۸	۴۸,۱۹	۴۸,۷۵	زرد ۷ درصد
		۴۷,۲۰	
		۴۸,۶۱	
۰,۰	۴۶,۵۶	۴۶,۵۹	زرد ۹ درصد
		۴۶,۵۴	
		۴۶,۵۵	
۱,۱	۳۹,۰۹	۳۹,۴۹	سبز ۳ درصد
		۳۸,۶۴	
		۳۹,۱۳	
۳,۷	۳۹,۲۳	۳۷,۵۴	سبز ۵ درصد
		۴۰,۱۴	
		۴۰,۰۲	
۲,۷	۴۰,۱۹	۳۹,۱۷	سبز ۷ درصد
		۴۰,۰۶	
		۴۱,۳۴	
۱,۶	۴۵,۹۵	۴۵,۵۱	سبز ۹ درصد
		۴۶,۷۸	
		۴۵,۵۷	
۱,۹	۵۰,۰۲	۵۱,۱	قرمز ۳ درصد
		۴۹,۵۷	
		۴۹,۳۸	
۱	۴۵,۵۲	۴۴,۹۹	قرمز ۵ درصد
		۴۵,۷۰	
		۴۵,۸۶	
۳,۹	۴۵,۴۸	۴۳,۶۱	قرمز ۷ درصد
		۴۵,۷۰	
		۴۷,۱۴	
۲,۹	۴۱,۹۱	۴۰,۵۷	قرمز ۹ درصد
		۴۲,۹۴	
		۴۲,۲۱	

جدول ۵: ادامه.

C.V %	متوسط (مگاپاسکال)	مقاومت فشاری (مگاپاسکال)	مشخصات نمونه‌ها
۳,۱	۴۸,۹۲	۴۸,۱۹	قهوه‌ای ۳ درصد
		۴۷,۹۱	
		۵۰,۶۷	
۲,۴	۴۶,۷۰	۴۵,۴۶	قهوه‌ای ۵ درصد
		۴۶,۹۸	
		۴۷,۶۶	
۳,۲	۴۴,۹۶	۴۳,۹۹	قهوه‌ای ۷ درصد
		۴۴,۲۷	
		۴۶,۶۲	
۲	۴۲,۱۳	۴۲,۰۲	قهوه‌ای ۹ درصد
		۴۱,۳۴	
		۴۳,۰۴	

که از نتایج مندرج در جدول ۵ پیداست، حداقل کاهش مقاومت به دلیل افزودن رنگدانه‌ها، متعلق به بتن حاوی ۳ درصد رنگدانه قرمز می‌باشد که بتنی با مقاومت فشاری ۵۰,۰۲ مگاپاسکال تولید نموده است. همچنین مقایسه اجمالی نتایج مندرج در جدول ۵ بیانگر آن است که افزودن رنگدانه‌های سبز، بیشترین کاهش را در مقاومت‌های است که افزودن رنگدانه‌های سبز، بیشترین کاهش را در مقاومت‌های آنند. همچنان که افزودن رنگدانه‌های سبز، بیشترین کاهش را در مقاومت‌های آنند. البته این روند در مورد دیگر رنگدانه‌ها صادق نمی‌باشد، چون به طور کلی افزایش درصد رنگدانه‌ها، باعث کاهش بیشتر مقاومت‌های فشاری گردیده است.

### ۱-۳- تحلیل آماری و فازی

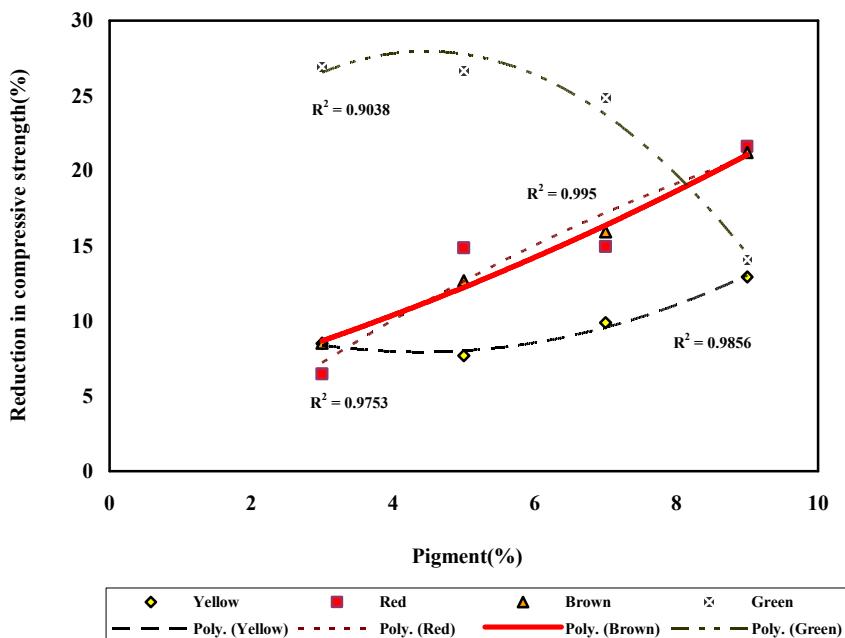
با استفاده از نرم‌افزار SPSS 18، تحلیل رگرسیون خطی و غیر خطی و با استفاده از نرم افزار MATLAB R2010a تحلیل فازی بر روی نتایج حاصل از آزمایش‌ها انجام و تأثیر رنگدانه‌های مختلف و مقدار آنها بر کاهش مقاومت فشاری بتن پیش‌بینی شد.

در نمودار نشان داده شده در شکل ۲ ارتباط درصد افزایش هر یک از رنگدانه‌ها با درصد کاهش مقاومت فشاری بتن آورده شده است. همان‌گونه که مشاهده می‌گردد رنگدانه زرد کمترین تاثیر منفی را روی مقاومت فشاری بتن گذارد است. در حالی که دو رنگدانه قرمز و قهوه‌ای اثر نسبتاً مشابهی بر روی مقاومت فشاری بتن گذارده‌اند. ضمن اینکه به طور متضاد با دیگر رنگدانه‌ها، با افزایش مقدار رنگدانه سبز به ویژه از ۵ درصد به بعد، مقدار کاهش مقاومت فشاری بتن سیر نزولی داشته و کم می‌شود. به طوری که با وجود آنکه ۳ درصد رنگدانه سبز بالاترین اثر منفی بر مقاومت فشاری را داراست ۹ درصد از این رنگدانه به اندازه کم‌تأثیرترین رنگدانه - رنگدانه زرد - بر مقاومت فشاری بتن اثر منفی می‌گذارد.

بررسی تأثیر رنگدانه‌های قرمز بر مقاومت فشاری بتن‌های قرمز ساخته شده با این رنگدانه‌ها نشان می‌دهد که همان‌گونه که در جدول ۵ نشان داده شده است، افزودن رنگدانه‌های قرمز به مقدار ۳، ۵، ۷، و ۹ درصد به بتن به ترتیب باعث کاهش مقاومت فشاری بتن به میزان تقریبی ۵,۶,۷,۱۴,۹,۱۵,۲۱,۶ درصد می‌باشد. شاید بتوان گفت که در محدوده آزمایش‌های انجام شده، افزایش درصد رنگدانه‌های قرمز در بتن، باعث شدت کاهش مقاومت فشاری بتن می‌گردد.

بررسی نتایج مربوط به رنگدانه‌های قهوه‌ای که در جدول ۵ ارائه گردیده است، بیانگر آنست که افزایش ۳, ۵, ۷ و ۹ درصد رنگدانه قهوه‌ای به بتن باعث کاهش مقاومت بتن رنگی ساخته شده، به میزان تقریبی ۸,۵, ۱۲,۷, ۲۱,۲ و ۲۱,۹ درصد کاهش می‌دهد.

مقایسه مقاومت فشاری نمونه بتن شاهد به مقدار ۵۳,۴۸ مگاپاسکال با دیگر نتایج مندرج در این جدول بیانگر آن است که بدون استثناء، افزودن رنگدانه‌ها باعث کاهش مقاومت فشاری بتن‌های رنگی نسبت به بتن شاهد گردیده است. حد اکثر این کاهش متعلق به بتن با ۳ درصد رنگدانه سبز می‌باشد که منجر به تولید بتنی با مقاومت فشاری ۳۹,۰۹ مگاپاسکال، با کاهش مقاومت ۲۶,۹ درصدی، گردیده است. با توجه به مقدار درصد های عناصر اصلی رنگدانه‌ها که در جدول ۴ مندرج است، شاید بتوان کاهش زیاد مقاومت بتن‌های سبز حاصله را به وجود اکسید کرم نسبت داد. با توجه به نتایج مندرج در جدول ۵ و مقایسه کاهش مقاومت‌های اندازه‌گیری شده منسوب به رنگدانه‌های زرد نشان می‌دهد که این رنگدانه‌ها حداقل کاهش مقاومت فشاری بتن را در بین رنگدانه‌ها به وجود آورده است که شاید بتوان این امر را به شکل ذرات این رنگدانه نسبت داد، چون می‌تواند با نفوذ خود به حفره‌های خالی موجود در بتن باعث افزایش مقاومت گردد. همان‌گونه



شکل ۲: ارتباط درصد افزایش هر یک از رنگدانه ها با درصد کاهش مقاومت فشاری بتن.

۱، قرمز ۲، قهوه ای ۳، سبز ۴ و N: مقدار رنگدانه به درصد می باشد.  
هر گاه بخواهیم بهترین مدل برآش شده را در بین چندین مدل خطی و غیر خطی رگرسیون شناسایی کنیم، یک روش، استفاده از آماره مجذور مربعات خطا (MSE) می باشد. این آماره اندازه ای برای انحراف مدل برآزende شده از مدل واقعی می باشد. با داشتن چندین مدل، این شیوه به قبولی مدلی منجر می شود که MSE آن، کمینه مدل باشد. بنابراین با استفاده از مقدار MSE مقایسه ای بین مدل رگرسیون خطی و غیر خطی به عمل آورده شده است که نتایج نشان می دهد مقدار MSE مدل غیر خطی (۲) به میزان قابل توجهی کمتر از مدل های مذکور می باشد.

جدول ۶: مقایسه مدل های رگرسیون ساخته شده.

مدل	خطی	غیر خطی (۱)	غیر خطی (۲)	غیر خطی (۳)
MSE	۲۵,۳۵۸	۲۹,۷۱۳	۰,۱۰۵	۳,۷۱۹

در این مطالعه از سیستم استنتاج فازی با رابطه فازی کمینه بیشینه برای پیش بینی نتایج استفاده شده است. برای غیر فازی کردن نتایج نیز از روش مرکز سطح استفاده شده است. همچنین روش استلزم فازی ممکنی به کار گرفته شده است. در شکل های ۳ تا ۶ ورودی ها و خروجی های سیستم فازی به کار گرفته شده نشان داده شده اند.

برای نشان دادن روند تاثیر هر یک از رنگدانه ها بر مقاومت فشاری بتن یک منحنی چند جمله ای در هر مورد برآزش شده است که انطباق مناسبی را از خود نشان می دهد. برای ارائه یک رابطه کلی بین اثر رنگ رنگدانه و درصد مورد استفاده از رنگدانه بر مقاومت فشاری بتن از رگرسیون خطی و چند مدل رگرسیون غیر خطی استفاده شده است. رابطه ارائه شده توسط رگرسیون خطی برای پیش بینی درصد کاهش مقاومت فشاری به صورت رابطه ۱ در زیر بیان شده است:

$$R = -3.233 + 4.019(L) + 0.776(N) \quad (1)$$

همچنین با انتخاب مدل های غیر خطی، سه رابطه غیر خطی ۲، ۳ و ۴ نیز برای پیش بینی درصد کاهش مقاومت فشاری به دست آمد.

مدل غیر خطی (۱):

$$R = 8.083 + 0.01e^{(0.64L)} + 0.355(0.729N) \quad (2)$$

مدل غیر خطی (۲):

$$\ln R = 0.924 + 0.826 \ln L + 0.427 \ln N \quad (3)$$

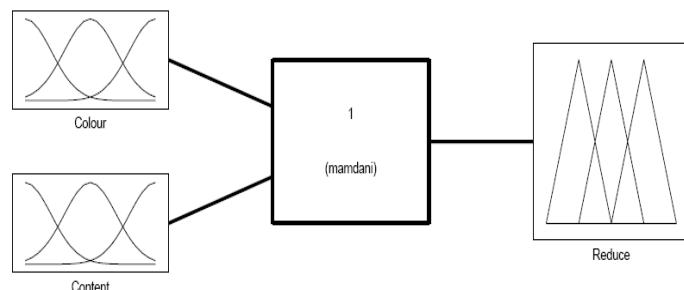
مدل غیر خطی (۳):

$$R = 15.489 + 148.207e^{(-128.715L)} + 178.164e^{(-91.292N)} \quad (4)$$

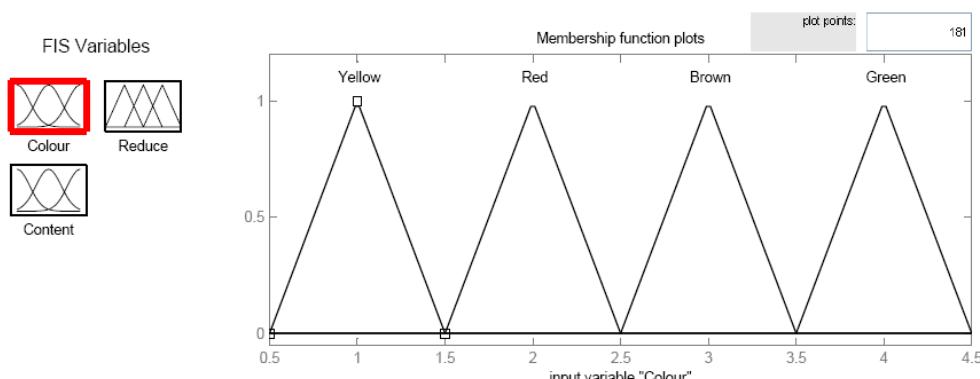
در روابط فوق R: درصد کاهش مقاومت فشاری، L: رنگ رنگدانه، زرد

با توجه به نتایج مندرج در این جدول مشاهده می‌شود، که حتی در رگرسیون غیرخطی نیز کاهش درصد مقاومت فشاری بتن با افزایش مقدار رنگدانه سبز نشان داده نمی‌شود ولی این کاهش در مدل فازی به خوبی قابل مشاهده است. همچنین مقایسه خطاهای منسوب به روش‌های تحلیلی بکار گرفته شده، بیانگر آن است که در اکثر موارد مورد بررسی، خطای حاصل از سیستم استنتاج فازی به طور چشمگیری از خطاهای ثبت شده برای تحلیل رگرسیون غیرخطی کمتر می‌باشد.

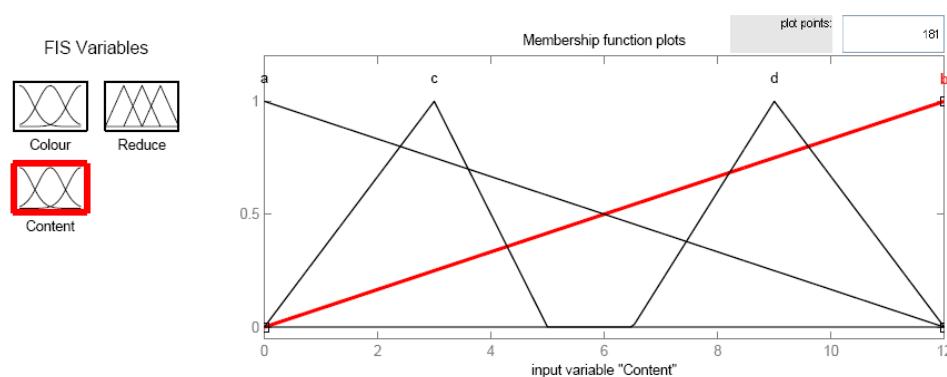
ارتباط بین پیش‌بینی‌های حاصل از سیستم استنتاج فازی طراحی شده و نتایج آزمایشگاهی در نمودار شکل ۷ قابل مشاهده است. همان‌گونه که از این شکل پیداست، ضریب  $R^2 = 0,9325$  برابر با  $0,9325$ ، بیانگر رابطه نسبتاً قوی بین ضرایب یاد شده می‌باشد که می‌تواند با داشتن یکی، دیگری را با دقت قابل قبولی تخمین زد. جهت مقایسه هر چه بهتر نتایج به دست آمده از اعمال روش‌های مختلف تحلیلی، در جدول ۷ نتایج حاصل از آزمایش‌ها، پیش‌بینی تحلیل رگرسیون و فازی و مقدار خطای آن‌ها نشان داده شده است.



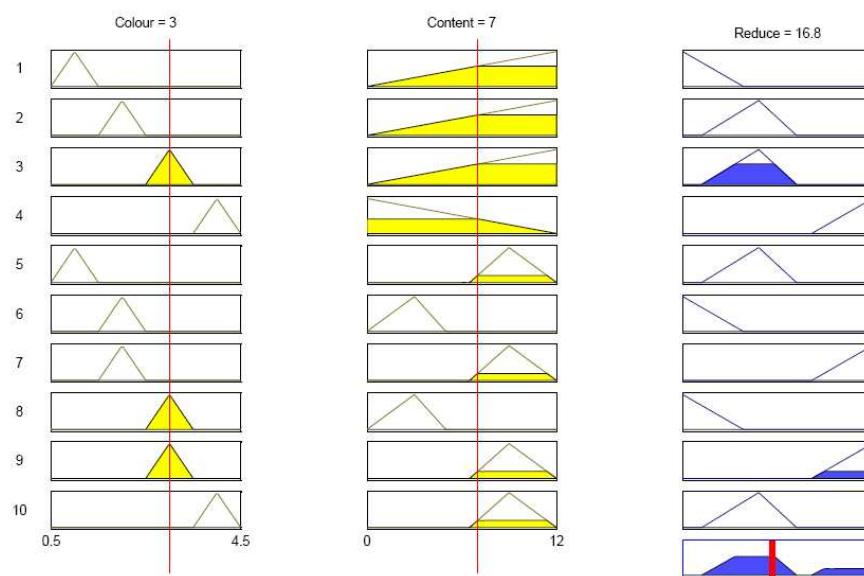
شکل ۳: دو ورودی (رنگ و مقدار رنگدانه) و تنها خروجی (درصد کاهش مقاومت فشاری بتن) سیستم استنتاج فازی.



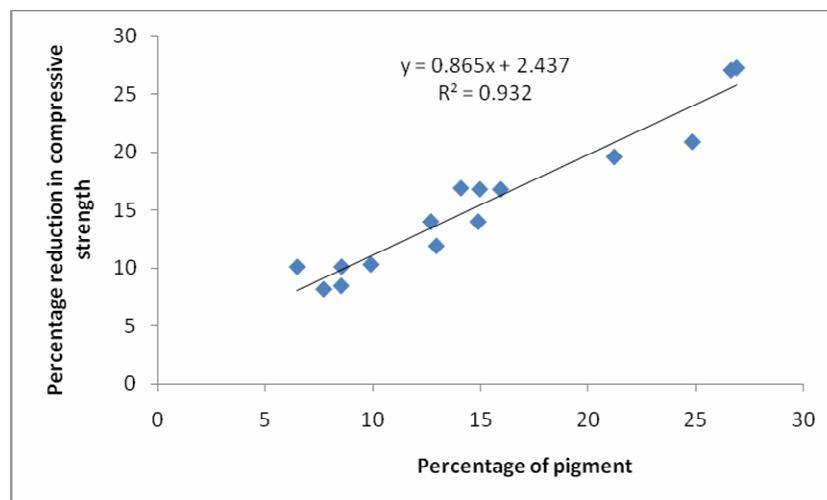
شکل ۴: تابع عضویت رنگ رنگدانه.



شکل ۵: تابع عضویت مقدار رنگدانه.



شکل ۶: استفاده از ده قانون اگر-آنگاه و پیش بینی نتایج.



شکل ۷: ارتباط بین نتایج آزمایشگاهی و نتایج پیش‌بینی شده توسط سیستم استنتاج فازی طراحی شده.

جدول ۷: نتایج حاصل از آزمایش‌ها، پیش‌بینی تحلیل رگرسیون و فازی و مقدار خطاهای.

رنگ رنگدانه (%)	مقدار رنگدانه (%)	مقاومت فشاری (MPa)	کاهش مقاومت فشاری بتن (%)	پیش‌بینی رگرسیون غیرخطی (%)	پیش‌بینی سیستم استنتاج فازی (%)	خطای رگرسیون غیر خطی (%)	خطای رگرسیون	خطای سیستم
۳	۰.۵۹	۴۸.۹۳	۸.۵۱	۷.۱۴	۸.۴۶	۱۶.۰۱	۰.۵۹	استنتاج فازی
۵	۶.۱۰	۴۹.۳۶	۷.۷۰	۸.۸۸	۸.۱۷	۱۵.۳۲	۶.۱۰	استنتاج فازی
۷	۴.۱۵	۴۸.۱۹	۹.۸۹	۱۰.۲۵	۱۰.۳	۳.۶۴	۴.۱۵	استنتاج فازی
۹	۸.۰۴	۴۶.۵۶	۱۲.۹۴	۱۱.۴۱	۱۱.۹	۱۱.۸۲	۸.۰۴	استنتاج فازی
۳	۵۶.۱۱	۵۰.۰۲	۶.۴۷	۹.۹۸	۱۰.۱	۵۴.۲۵	۵۶.۱۱	قرمز
۵	۵.۹۱	۴۵.۵۲	۱۴.۸۸	۱۲.۴۱	۱۴	۱۶.۶۰	۵.۹۱	قرمز
۷	۱۲.۳۰	۴۵.۴۸	۱۴.۹۶	۱۴.۳۳	۱۶.۸	۴.۲۱	۱۲.۳۰	قرمز
۹	۹.۳۹	۴۱.۹۱	۲۱.۶۳	۱۵.۹۵	۱۹.۶	۲۶.۲۶	۹.۳۹	قرمز

جدول ۷: ادامه.

رنگ رنگدانه	مقدار رنگدانه (%)	مقاومت فشاری (MPa)	کاهش مقاومت فشاری بتن (%)	پیش‌بینی رگرسیون غیر خطی (%)	پیش‌بینی سیستم غیر خطی (%)	خطای رگرسیون	استنتاج فازی (%)	خطای رگرسیون (%)
قهوہ‌ای	۳	۴۸,۹۲	۸,۵۳	۱۲,۶۶	۱۰,۱	۴۸,۴۲	۱۸,۴۱	۴۸,۴۲
قهوہ‌ای	۵	۴۶,۷۰	۱۲,۶۸	۱۵,۷۴	۱۴	۲۴,۱۳	۱۰,۴۱	۲۴,۱۳
قهوہ‌ای	۷	۴۴,۹۶	۱۵,۹۳	۱۸,۷۷	۱۶,۸	۱۷,۸۳	۵,۴۶	۱۷,۸۳
قهوہ‌ای	۹	۴۲,۱۳	۲۱,۲۲	۲۰,۲۳	۱۹,۶	۴,۶۷	۷,۶۳	۴,۶۷
سبز	۳	۳۹,۰۹	۲۶,۹۱	۱۵,۲۲	۲۷,۳	۴۳,۴۴	۱,۴۵	۴۳,۴۴
سبز	۵	۳۹,۲۳	۲۶,۶۵	۱۸,۹۳	۲۷,۱	۲۸,۹۷	۱,۶۹	۲۸,۹۷
سبز	۷	۴۰,۱۹	۲۴,۸۵	۲۱,۸۵	۲۰,۹	۱۲,۰۷	۱۵,۹۰	۱۲,۰۷
سبز	۹	۴۵,۹۵	۱۴,۰۸	۲۴,۳۲	۱۶,۹	۷۲,۸۰	۲۰,۰۳	۷۲,۸۰

#### ۴- نتیجه‌گیری

با خطای کمتری نسبت به رگرسیون (خطی و غیر خطی) ارائه می‌دهد. همچنین مشاهده گردید که با افزایش مقدار رنگدانه، رنگدانه قرمز بیشترین تأثیر کاهشی را بر روی مقاومت فشاری بتن می‌گذارد. ترتیب شدت انرگداری بر مقاومت بتن نیز متعلق به رنگدانه قهوه‌ای، سبز و رنگدانه زرد می‌باشد. بر خلاف رنگدانه‌های دیگر، با افزایش درصد رنگدانه سبز، از تاثیر کاهشی آن بر مقاومت فشاری بتن کاسته می‌شود.

از مطالعات و نتایج مندرج در این مقاله مشاهده می‌گرد که بیشترین قابلیت رنگی نمودن بتن، به رنگدانه‌های قرمز و قهوه‌ای اختصاص دارد که با جایگزینی ۳ درصد وزنی سیمان، بتنی با رنگ مناسب حاصل شده است. البته درصد بهینه برای تولید بتن رنگی برای رنگدانه‌های زرد، ۵ درصد، سبز ۹ درصد و قرمز نیز ۳ درصد می‌باشد. همچنین پیش‌بینی نتایج با دو روش رگرسیون (خطی و غیرخطی) و منطق فازی، نشان می‌دهد که منطق فازی پیش‌بینی‌های بسیار بهتر و

#### ۵- مراجع

1. G. Lemaire, G. Escadeillas, E. Ringot, Evaluating concrete surfaces using an image analysis process. *Constr. Build. Mater.* 19(2005), 604-611.
2. D. F. Lin, H. L. Luo, Fading and color changes in colored asphalt quantified by the image analysis method. *Constr. Build. Mater.* 18(2004), 255-261.
3. C. W. Planje, Colored ceramic aggregate for decorative concrete. *J. Am. Ceram. Soc.* 20(1937), 90-96.
4. S. Rasouli, F. Oshani, S. Abdollahi, Use of organic and inorganic pigments for preparation of colored mica. *J. Color Sci. Technol.* 4(2010), 9-15.
5. American Standards for Testing and Materials, ASTM C979 / C979M - 10 Standard specification for pigments for integrally colored concrete.
6. American Standards for Testing and Materials, ASTM C494-10a/C494M-10a Standard specification for chemical admixtures for concrete.
7. American Concrete Institute, ACI 303.1-97, Standard specification for cast-in-place architectural concrete.
8. American Association of State Highway and Transportation Officials AASHTO M 194-chemical admixtures for concrete.
9. S. Seifolahzadeh, M. Montazer, Self-cleaning of methylene blue and acid blue 113 on wool/polyester fabric treated with nano titanium oxide under UV irradiation without yellowing. *J. Color Sci. Technol.* 4(2010), 115-123.
10. M. Naderi, O. Qodousian, Prediction of in-situ strength of self-compacting concrete and mortars applied to concrete substrate measured using twist-off method, by the fuzzy logic. *International Conference on earthquake and light-weight structures*, Kerman, (2010).
11. M. Naderi, Qodousian, Oveys, Estimation of in-situ bond strength of self-compacting concrete and mortar, using twist off method and fuzzy logic. *3rd International Conference on Seismic Retrofitting*, Iran, Tabriz, (2010).
12. Fuzzy Logic Toolbox, Matlab Software R2009a .
13. A. Sedat, T. Gokmen, C. Sever, Fuzzy Model for the Prediction of Cement Compressive Strength. *Cem. Concr. Res.* 35(2004), 1429- 1433.
14. M. C. Nataraja, M. A. Jayaram, C. N. Ravikumar, prediction of strength of concrete: a fuzzy inference system model. *Int. J. Phys. Sci.* 1(2006), 047-056.
15. British Standard Institute BS1881, Methods of testing concrete, part 4.